## PTSI – TD 1 – Cristallographie

## Oxyde de zirconium solide

D'après Banque PT 2015.

- 1. Représenter la maille conventionnelle d'une structure de cations cfc. Indiquer le nombre de cations par maille.
- 2. Démontrer la valeur de la compacité d'une telle structure dans le cas d'une maille cfc métallique où toutes les sphères seraient identiques et tangentes. Commenter.
- 3. Indiquer où se situent les sites tétraédriques de cette maille. Combien y en a-t-il?

Les piles à combustible à oxyde solide permettent d'avoir en contact deux phases solide et gazeuse, ce qui supprime les problèmes liés à la gestion de trois phases, notamment la corrosion. Les électrodes sont poreuses de façon à permettre un transport rapide des gaz. Un matériau de choix pour l'électrolyte est l'oxyde de zirconium, appelé zircone, stabilisé à l'yttrium. Le zirconium se situe dans la classification périodique dans la colonne du titane (Z=22), immédiatement en dessous de cet élément.

La zircone peut être assimilée à un cristal ionique formé de cations  $Zr^{4+}$  et d'anions  $O^{2-}$  assimilés à des sphères dures de rayons respectifs  $r_+$  et  $r_-$ . Les cations sont distribués aux nœuds d'un réseau cubique faces centrées cfc.

Les anions occupent tous les sites tétraédriques de la maille cfc formée par les cations.

- 4. Exprimer le rayon maximal  $r_{-,max}$  de la particule sphérique pouvant s'insérer dans ces sites sans induire de déformation en fonction de a, le paramètre de la maille et de  $r_{+}$ .
- 5. Déterminer le nombre d'anions contenus dans cette maille.
- 6. Indiquer alors la formule chimique de la zircone.
- 7. Donner la coordinence des anions par rapport aux cations, et des cations par rapport aux anions.
- 8. Exprimer la masse volumique de la zircone en fonction du paramètre de maille a, de la masse molaire  $M_{\rm Zr}$  du zirconium, de la masse molaire  $M_O$  de l'oxygène et du nombre d'Avogadro.
- 9. La formule de l'oxyde d'yttrium est  $Y_2O_3$ . En déduire la charge du cation yttrium.
- 10. Le dopage consiste à substituer dans la maille élémentaire de l'oxyde de zirconium une fraction molaire x des cations  $\operatorname{Zr}^{4+}$  par des cations yttrium. Expliquer pourquoi l'électroneutralité de la structure n'est alors pas respectée.
- 11. Proposer une modification de la formule chimique impliquant le nombre y d'anions  $O^{2-}$  présents dans la zircone dopée à l'oxyde d'yttrium, au moyen de x, pour rétablir cette électroneutralité.